

学籍番号		氏名	
------	--	----	--

- 「関数」の概念を一般的な集合 (=ものの集まり, 数の集まりである必要はない) 上に一般化することで「写像」の概念が得られる。

定義(写像) .  $X, Y$  を空でない集合とする。 $X$  の任意の元 (=要素)  $x \in X$  に  $Y$  の元  $y = f(x) \in Y$  を対応させる規則(ルール)  $f$  のことを  $X$  から  $Y$  への写像 (map) といい,  $f : X \rightarrow Y$  とかく。特に, 各元の対応を表すときには,

$$f : X \rightarrow Y,$$

$\Downarrow$        $\Downarrow$

$$f : X \ni x \mapsto y = f(x) \in Y,$$

$$f : X \rightarrow Y, x \mapsto y = f(x)$$

$$x \mapsto y = f(x),$$

等と書く。特に,  $X, Y$  が  $\mathbb{R}$  や  $\mathbb{C}$  など数の場合には関数と呼ぶ。(←二種類の矢印 ( $\rightarrow$ ,  $\mapsto$ ), コロン (:) の使い方には十分に注意すること。例えば, コロン (:) をセミコロン (;) にしてはいけない。)

[1]  $X, Y$  を空でない集合とする。次の    を埋めて全射, 单射, 全单射の定義を完成させよ。

(i) 写像  $f : X \rightarrow Y$  が全射であるとは,

任意の    に対して,    となる    が存在することである。

(ii) 写像  $f : X \rightarrow Y$  が单射であるとは,

任意の    に対して,    ならば    が成り立つことである。

(iii) 写像  $f : X \rightarrow Y$  が全单射であるとは,    かつ    单射 であること。

[2] 次の    に   ある または   ない を入れよ。

但し, どちらも適さない場合には   ×   と答えること。

(i) 写像  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, x \mapsto x^2$  は单射で   なく  , 全射で   。従って, 全单射で   ない  。

(ii) 写像  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, x \mapsto x^3$  は单射で   あり  , 全射で   。従って, 全单射で   。