

# はじめに (数学基礎 B1)

数学基礎 B = 線形代数

教科書「要点明解 線形数学 三訂版」培風館

(第1章 ベクトル)

▶ 第2章 行列

▶ 第3章 連立1次方程式

(第4章 行列式)

(第5章 行列の対角化)

講義の情報

<http://mathweb.sc.niigata-u.ac.jp/~hoshi/teaching-j.html>

シラバス

LINK

- ▶ ノートを取りながら講義を聴くこと。  
(ノートを回収して確認する可能性があります)
- ▶ 講義 → 小テスト (理解度確認テスト, 学務情報システム内)

## 2.2 行列の積

## 2.2 行列の積

### 定義 (行列の積)

行列  $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} e & f \\ g & h \end{pmatrix}$  に対して, 積  $AB$  を

$AB := \begin{pmatrix} ae + bg & af + bh \\ ce + dg & cf + dh \end{pmatrix}$  と定める.

行列  $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ ,  $\mathbf{x} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$  に対して, 積  $A\mathbf{x}$  を

$A\mathbf{x} := \begin{pmatrix} ax + by \\ cx + dy \end{pmatrix}$  と定める.

## 2.2 行列の積

### 定義 (行列の積)

行列  $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} e & f \\ g & h \end{pmatrix}$  に対して, 積  $AB$  を

$AB := \begin{pmatrix} ae + bg & af + bh \\ ce + dg & cf + dh \end{pmatrix}$  と定める.

行列  $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ ,  $\mathbf{x} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$  に対して, 積  $A\mathbf{x}$  を

$A\mathbf{x} := \begin{pmatrix} ax + by \\ cx + dy \end{pmatrix}$  と定める.

## 2.2 行列の積

### 定義 (行列の積)

行列  $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} e & f \\ g & h \end{pmatrix}$  に対して, 積  $AB$  を

$AB := \begin{pmatrix} ae + bg & af + bh \\ ce + dg & cf + dh \end{pmatrix}$  と定める.

行列  $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ ,  $\mathbf{x} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$  に対して, 積  $A\mathbf{x}$  を

$A\mathbf{x} := \begin{pmatrix} ax + by \\ cx + dy \end{pmatrix}$  と定める.

### 例

$$\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 7 & 5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 4 & -5 \end{pmatrix}$$

## 2.2 行列の積

### 定義 (行列の積)

行列  $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} e & f \\ g & h \end{pmatrix}$  に対して, 積  $AB$  を

$AB := \begin{pmatrix} ae + bg & af + bh \\ ce + dg & cf + dh \end{pmatrix}$  と定める.

行列  $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ ,  $\mathbf{x} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$  に対して, 積  $A\mathbf{x}$  を

$A\mathbf{x} := \begin{pmatrix} ax + by \\ cx + dy \end{pmatrix}$  と定める.

### 例

$$\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 7 & 5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 4 & -5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2+4 & 6-5 \\ 7+20 & 21-25 \end{pmatrix}$$

## 2.2 行列の積

### 定義 (行列の積)

行列  $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} e & f \\ g & h \end{pmatrix}$  に対して, 積  $AB$  を

$AB := \begin{pmatrix} ae + bg & af + bh \\ ce + dg & cf + dh \end{pmatrix}$  と定める.

行列  $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ ,  $\mathbf{x} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$  に対して, 積  $A\mathbf{x}$  を

$A\mathbf{x} := \begin{pmatrix} ax + by \\ cx + dy \end{pmatrix}$  と定める.

### 例

$$\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 7 & 5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 4 & -5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2+4 & 6-5 \\ 7+20 & 21-25 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 6 & 1 \\ 27 & -4 \end{pmatrix}.$$

$$\alpha : \begin{cases} x \mapsto u = ax + by \\ y \mapsto v = cx + dy \end{cases} \quad \beta : \begin{cases} z \mapsto x = ez + fw \\ w \mapsto y = gz + hw \end{cases} \quad \dots (1)$$

とすると，写像の合成

$$\alpha \circ \beta : \begin{cases} z \xrightarrow{\beta} x \xrightarrow{\alpha} u = ax + by = (ae + bg)z + (af + bh)w \\ w \xrightarrow{\beta} y \xrightarrow{\alpha} v = cx + dy = (ce + dg)z + (cf + dh)w \end{cases} \quad \dots (2)$$

と計算できる．よって (1), (2) は

$$\begin{pmatrix} u \\ v \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} e & f \\ g & h \end{pmatrix} \begin{pmatrix} z \\ w \end{pmatrix},$$

$$\begin{pmatrix} u \\ v \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \begin{pmatrix} e & f \\ g & h \end{pmatrix} \begin{pmatrix} z \\ w \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ae + bg & af + bh \\ ce + dg & cf + dh \end{pmatrix} \begin{pmatrix} z \\ w \end{pmatrix}$$

とかける．



- より一般の場合

- より一般の場合

## 定義 (行列の積)

$A = (a_{ij}) : m \times n$  行列,  $B = (b_{jk}) : n \times l$  行列.

- より一般の場合

## 定義 (行列の積)

$A = (a_{ij}) : m \times n$  行列,  $B = (b_{jk}) : n \times l$  行列.

積  $AB$  を

- より一般の場合

## 定義 (行列の積)

$A = (a_{ij}) : m \times n$  行列,  $B = (b_{jk}) : n \times l$  行列.

積  $AB$  を

$AB := (c_{ik})$  但し

$$c_{ik} = a_{i1}b_{1k} + \cdots + a_{in}b_{nk} = \sum_{j=1}^n a_{ij}b_{jk}$$

$(1 \leq i \leq m, 1 \leq k \leq l)$  と定義する.

- より一般の場合

## 定義 (行列の積)

$A = (a_{ij}) : m \times n$  行列,  $B = (b_{jk}) : n \times l$  行列.

積  $AB$  を

$AB := (c_{ik})$  但し

$$c_{ik} = a_{i1}b_{1k} + \cdots + a_{in}b_{nk} = \sum_{j=1}^n a_{ij}b_{jk}$$

$(1 \leq i \leq m, 1 \leq k \leq l)$  と定義する.

## 注意

積  $AB$  の  $(i, k)$  成分が  $c_{ik} = \sum_{j=1}^n a_{ij}b_{jk}$ .

- より一般の場合

## 定義 (行列の積)

$A = (a_{ij}) : m \times n$  行列,  $B = (b_{jk}) : n \times l$  行列.

積  $AB$  を

$AB := (c_{ik})$  但し

$$c_{ik} = a_{i1}b_{1k} + \cdots + a_{in}b_{nk} = \sum_{j=1}^n a_{ij}b_{jk}$$

$(1 \leq i \leq m, 1 \leq k \leq l)$  と定義する.

## 注意

積  $AB$  の  $(i, k)$  成分が  $c_{ik} = \sum_{j=1}^n a_{ij}b_{jk}$ .

積  $AB$  は  $m \times l$  行列となる.

例

$$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

例

$$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} (1 \ 2 \ 3) = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 6 \\ -1 & -2 & -3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}.$$



例

$$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} (1 \ 2 \ 3) = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 6 \\ -1 & -2 & -3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}.$$

例

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 3 & 4 \\ -5 & -6 \end{pmatrix}$$

例

$$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} (1 \ 2 \ 3) = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 6 \\ -1 & -2 & -3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}.$$

例

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 3 & 4 \\ -5 & -6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 + 6 - 15 & -2 + 8 - 18 \\ -4 + 15 - 30 & -8 + 20 - 36 \end{pmatrix}$$

例

$$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} (1 \ 2 \ 3) = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 6 \\ -1 & -2 & -3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}.$$

例

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 3 & 4 \\ -5 & -6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 + 6 - 15 & -2 + 8 - 18 \\ -4 + 15 - 30 & -8 + 20 - 36 \end{pmatrix} \\ = \begin{pmatrix} -10 & -12 \\ -19 & -24 \end{pmatrix}.$$

例

$$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} (1 \ 2 \ 3) = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 6 \\ -1 & -2 & -3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}.$$

例

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 3 & 4 \\ -5 & -6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 + 6 - 15 & -2 + 8 - 18 \\ -4 + 15 - 30 & -8 + 20 - 36 \end{pmatrix} \\ = \begin{pmatrix} -10 & -12 \\ -19 & -24 \end{pmatrix}.$$

例

$$\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \begin{pmatrix} d & -b \\ -c & a \end{pmatrix}$$

例

$$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} (1 \ 2 \ 3) = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 6 \\ -1 & -2 & -3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}.$$

例

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 3 & 4 \\ -5 & -6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 + 6 - 15 & -2 + 8 - 18 \\ -4 + 15 - 30 & -8 + 20 - 36 \end{pmatrix} \\ = \begin{pmatrix} -10 & -12 \\ -19 & -24 \end{pmatrix}.$$

例

$$\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \begin{pmatrix} d & -b \\ -c & a \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ad - bc & 0 \\ 0 & ad - bc \end{pmatrix}$$

例

$$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} (1 \ 2 \ 3) = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 6 \\ -1 & -2 & -3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}.$$

例

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 3 & 4 \\ -5 & -6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 + 6 - 15 & -2 + 8 - 18 \\ -4 + 15 - 30 & -8 + 20 - 36 \end{pmatrix} \\ = \begin{pmatrix} -10 & -12 \\ -19 & -24 \end{pmatrix}.$$

例

$$\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \begin{pmatrix} d & -b \\ -c & a \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ad - bc & 0 \\ 0 & ad - bc \end{pmatrix} = (ad - bc) \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

例

$A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列  $\Rightarrow AB : m \times l$  行列.

## 例

$A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列  $\Rightarrow AB : m \times l$  行列.

このとき,  $B = (b_1, \dots, b_l)$ ,  $b_i = \begin{pmatrix} b_{1i} \\ \vdots \\ b_{ni} \end{pmatrix}$  ( $1 \leq i \leq l$ ) とすれば,



## 例

$A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列  $\Rightarrow AB : m \times l$  行列.

このとき,  $B = (\mathbf{b}_1, \dots, \mathbf{b}_l)$ ,  $\mathbf{b}_i = \begin{pmatrix} b_{1i} \\ \vdots \\ b_{ni} \end{pmatrix}$  ( $1 \leq i \leq l$ ) とすれば,

$$AB = A(\mathbf{b}_1, \dots, \mathbf{b}_l) = (A\mathbf{b}_1, \dots, A\mathbf{b}_l).$$

## 例

$A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列  $\Rightarrow AB : m \times l$  行列.

このとき,  $B = (\mathbf{b}_1, \dots, \mathbf{b}_l)$ ,  $\mathbf{b}_i = \begin{pmatrix} b_{1i} \\ \vdots \\ b_{ni} \end{pmatrix}$  ( $1 \leq i \leq l$ ) とすれば,

$$AB = A(\mathbf{b}_1, \dots, \mathbf{b}_l) = (A\mathbf{b}_1, \dots, A\mathbf{b}_l).$$

## 例

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 3 & 4 \\ -5 & -6 \end{pmatrix} = (\mathbf{b}_1, \mathbf{b}_2).$$

## 例

$A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列  $\Rightarrow AB : m \times l$  行列.

このとき,  $B = (\mathbf{b}_1, \dots, \mathbf{b}_l)$ ,  $\mathbf{b}_i = \begin{pmatrix} b_{1i} \\ \vdots \\ b_{ni} \end{pmatrix}$  ( $1 \leq i \leq l$ ) とすれば,

$$AB = A(\mathbf{b}_1, \dots, \mathbf{b}_l) = (A\mathbf{b}_1, \dots, A\mathbf{b}_l).$$

## 例

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 3 & 4 \\ -5 & -6 \end{pmatrix} = (\mathbf{b}_1, \mathbf{b}_2).$$

$$AB = A(\mathbf{b}_1, \mathbf{b}_2) = (A\mathbf{b}_1, A\mathbf{b}_2) = \begin{pmatrix} -10 & -12 \\ -19 & -24 \end{pmatrix}.$$

## 定理 2.3

(1)  $A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列,  $k : \text{実数}$  とすると,

## 定理 2.3

(1)  $A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列,  $k : \text{実数}$  とすると,

$$A(kB) = (kA)B = k(AB).$$

## 定理 2.3

(1)  $A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列,  $k : \text{実数}$  とすると,

$$A(kB) = (kA)B = k(AB).$$

(2)  $A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列,  $C : l \times r$  行列 とすると,

## 定理 2.3

(1)  $A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列,  $k : \text{実数}$  とすると,

$$A(kB) = (kA)B = k(AB).$$

(2)  $A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列,  $C : l \times r$  行列 とすると,

$$(AB)C = A(BC)$$

## 定理 2.3

(1)  $A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列,  $k : \text{実数}$  とすると,

$$A(kB) = (kA)B = k(AB).$$

(2)  $A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列,  $C : l \times r$  行列 とすると,

$$(AB)C = A(BC)$$

(3)  $A : m \times n$  行列,  $B, C : n \times l$  行列 とすると,



## 定理 2.3

(1)  $A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列,  $k : \text{実数}$  とすると,

$$A(kB) = (kA)B = k(AB).$$

(2)  $A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列,  $C : l \times r$  行列 とすると,

$$(AB)C = A(BC)$$

(3)  $A : m \times n$  行列,  $B, C : n \times l$  行列 とすると,

$$A(B + C) = AB + AC$$

## 定理 2.3

(1)  $A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列,  $k : \text{実数}$  とすると,

$$A(kB) = (kA)B = k(AB).$$

(2)  $A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列,  $C : l \times r$  行列 とすると,

$$(AB)C = A(BC)$$

(3)  $A : m \times n$  行列,  $B, C : n \times l$  行列 とすると,

$$A(B + C) = AB + AC$$

(4)  $A, B : m \times n$  行列,  $C : n \times l$  行列 とすると,

## 定理 2.3

(1)  $A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列,  $k : \text{実数}$  とすると,

$$A(kB) = (kA)B = k(AB).$$

(2)  $A : m \times n$  行列,  $B : n \times l$  行列,  $C : l \times r$  行列 とすると,

$$(AB)C = A(BC)$$

(3)  $A : m \times n$  行列,  $B, C : n \times l$  行列 とすると,

$$A(B + C) = AB + AC$$

(4)  $A, B : m \times n$  行列,  $C : n \times l$  行列 とすると,

$$(A + B)C = AC + BC$$

## 注意

一般には、 $AB \neq BA$ である（非可換という）  
( $AB = BA$ とは限らない、 $AB = BA$ のときもある)

## 注意

一般には、 $AB \neq BA$ である（非可換という）  
( $AB = BA$ とは限らない、 $AB = BA$ のときもある)

## 例

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

## 注意

一般には、 $AB \neq BA$ である（非可換という）  
( $AB = BA$ とは限らない、 $AB = BA$ のときもある)

## 例

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$AB = \begin{pmatrix} 7 & 2 \\ 3 & 1 \end{pmatrix} \neq \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 7 \end{pmatrix} = BA,$$

## 注意

一般には、 $AB \neq BA$ である（非可換という）  
( $AB = BA$ とは限らない、 $AB = BA$ のときもある)

## 例

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$AB = \begin{pmatrix} 7 & 2 \\ 3 & 1 \end{pmatrix} \neq \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 7 \end{pmatrix} = BA, \quad AC = CA$$

## 注意

一般には、 $AB \neq BA$ である（非可換という）  
( $AB = BA$ とは限らない、 $AB = BA$ のときもある)

## 例

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$AB = \begin{pmatrix} 7 & 2 \\ 3 & 1 \end{pmatrix} \neq \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 7 \end{pmatrix} = BA, \quad AC = CA = A.$$



## 定義 ( $n$ 次単位行列)

$n$  次正方行列

$$E_n = \begin{pmatrix} 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 1 & \ddots & \vdots \\ \vdots & \ddots & \ddots & 0 \\ 0 & \cdots & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad (\text{対角成分が } 1 \text{ で他は } 0)$$

を  $n$  次単位行列 という。

## 定義 ( $n$ 次単位行列)

$n$  次正方行列

$$E_n = \begin{pmatrix} 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 1 & \ddots & \vdots \\ \vdots & \ddots & \ddots & 0 \\ 0 & \cdots & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad (\text{対角成分が } 1 \text{ で他は } 0)$$

を  $n$  次単位行列 という。

例

$$E_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad E_3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad E_4 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

## 注意

$n$  次単位行列  $E_n$  はかけても相手を変えない.

## 注意

$n$  次単位行列  $E_n$  はかけても相手を変えない.

つまり,  $m \times n$  行列  $A$  に対して,  $AE_n = E_m A = A$ .

## 注意

$n$  次単位行列  $E_n$  はかけても相手を変えない.

つまり,  $m \times n$  行列  $A$  に対して,  $AE_n = E_m A = A$ .

数の世界での単位元 “1” にあたる:  $a \times 1 = 1 \times a = a$ .